

فصل في  
الخط

## الوحدة الأولى :

# الأعداد والكسور

تعلم :

(1) خارج القسمة هو ناتج القسمة، والباقي وتكتب العملية على الشكل التالي :

قسمة 37 على العدد 4 تكتب بالشكل :

$$37 = 9 \times 4 + 1$$

(2) يقبل العدد القسمة على 2 إذا كان آحاده زوجياً ، والأعداد الزوجية هي كل عدد في آحاده 0 أو 2 أو 4 أو 6 أو 8 .

(3) يقبل العدد القسمة على 3 إذا كان مجموع أرقام العدد المؤلفة له من مضاعفات العدد 3 .

(4) اختصار الكسر تعني كتابة بسطه ومقامه بأبسط صورته، بحيث لا يمكن تقسيم بسطه ومقامه إلا على العدد 1 .

(5) الشكل العشري للكسر العشري هو هيئة الفاصلة العشرية

(6) الكسر العشري هو كل كسر مقامه مكتوب بالشكل  $10^n$  .

## طبيعة عدد

العدد العادي : هو كل عدد يُكتب بالشكل  $\frac{a}{b}$

حيث  $a$  عدد صحيح ،  $b$  عدد طبيعي

لا يساوي الصفر .

\* العدد العادي قد يكون صحيحاً مثل 5 ،  $\frac{-8}{2}$  ، وقد يكون غير صحيح مثل  $\frac{7}{3}$  .

\* العدد العشري هو كل عدد عادي يكتب بالصيغة  $a \times 10^n$  ، حيث  $a, n$  عدنان صحيحان .

\* العدد العادي غير الصحيح قد يكون عشرياً مثل  $\frac{9}{2} = 4.5$  ، أو غير عشري، مثل  $\frac{5}{3} = 1.666 \dots$  .

ملاحظة :

(1) العدد  $\pi$  ليس عدداً عادياً .

(2) العدد  $\pi$  هو خارج قسمة طول قوس دائرة على طول قطرها .

## الأعداد العادية

العدد العادي : هو كل عدد يُكتب بالشكل  $\frac{a}{b}$

حيث  $a$  عدد صحيح ،  $b$  عدد طبيعي

لا يساوي الصفر .

لكل عدد عادي كتابة عشرية إما أن تكون منتهية

أو دورية غير منتهية ، أي أن خاناته تتكرر بدءاً من حد

معين ، فالأعداد الصحيحة والعشرية هي أعداد عادية .

تذكر :

$$\pi \cong 3.14$$

$$\sqrt{2} \cong 1.41$$

$$\sqrt{3} \cong 1.71$$

## النسب المتساوية (المتكافئة)

هي نسب لها القيمة ذاتها ولكن حدودها مختلفة،

واللحصول على نسب متكافئة :

(1) إما أن نضرب حدي النسبة بعدد واحد مغاير للصفر .

(2) أو أن نقسم حدي النسبة على عدد واحد مغاير

للصفر .

تذكر :

لجمع وطرح الكسور يجب توحيد المقامات، توحيد

المقامات يعني إيجاد المضاعف المشترك الأصغر

للمقامات .

## خوارزمية الطرح المتتالي

القاسم المشترك الأكبر وخوارزمية الطرح المتتالي

$$GCD(a, b) = GCD(b, a - b) \\ a \geq b$$

إن المبدأ على النحو التالي :

(1) نطرح أصغر العددين وليكن  $b$  من أكبرهما  
وليكن  $a$  .

(2) تستمر بالطرح معتمدين المبدأ التالي :

$$GCD(a, b) = GCD(b, a - b)$$

(3) القاسم المشترك الأكبر هو آخر ناتج طرح غير  
معدوم .

## الخوارزمية الإقليدية (( خوارزمية القسمة المتتالية ))

ننشئ الجدول التالي :

الخطوة	المقسوم	المقسوم عليه	باقي القسمة
1	الكبير	الصغير	باقي 1
2	الصغير	باقي 1	باقي 2
3	باقي 1	باقي 2	باقي 3

نقسم الكبير على الصغير ونأخذ الباقي 1 وليس لنا  
علاقة بناتج القسمة، ثم نقسم الصغير على الباقي 1 فيكون  
لدينا باقي 2 كما هو الحال ليس لنا علاقة بالناتج .....  
هكذا حتى يكون الباقي معدوماً ..... فنستنتج أن الباقي  
الموجود فوق الصفر مباشرة هو  $GCD$  .

### ملاحظات:

- (1) لتأكيد أن عدداً أوليان فيما بينهما يجب إثبات أن  $GCD$  لهما هو العدد 1 .
- (2) لنفي أن عدداً أوليان فيما بينهما يكفي أن نثبت أن بين العددين قاسماً مشتركاً غير الواحد .
- (3) إذا كان  $c$  قاسماً مشتركاً للعددين  $a$  و  $b$  : فإن  $c$  قاسماً مشتركاً للعددين  $a + b$  و  $a - b$  .

## المضاعف المشترك الأصغر : م.م.أ.

نتبع الخطوات التالية :

- \* نحلل الأعداد إلى عواملها الأولية .
- \* نكتب هذه الأعداد على شكل جداء قوى .
- \* م.م.أ = نأخذ العوامل المشتركة والغير مشتركة وبأكبر أس .

## قواسم عدد صحيح

- (1) القول  $k$  قاسماً للعدد  $a$  يعني  $\frac{a}{k}$  عدد صحيح .
- (2) القول  $k$  قاسماً للعدد  $a$  يعني  $k$  يقسم  $a$  .

## ملاحظة :

لكل عدد طبيعي عدا العدد 1 قاسمان طبيعيين على الأقل هما العدد 1 والعدد نفسه .

## القواسم المشتركة لعددين صحيحين :

- (1) القول  $k$  قاسماً للعددين  $a$  و  $b$  يعني  $k$  قاسم لكل من العددين  $a$  و  $b$  .
- (2) القول العددين  $a$  و  $b$  أوليان فيما بينهما يعني العدد 1 هو القاسم الطبيعي المشترك الوحيد لهما .

## القاسم المشترك الأكبر

أكبر القواسم المشتركة للعددين  $a$  و  $b$  يسمى القاسم المشترك الأكبر لهما ، ويرمز إليه  $GCD(a, b)$  خواص :

- (1)  $GCD(a, a) = a$
- (2) إذا كان  $b$  قاسماً للعدد  $a$  ، كان  $GCD(a, b) = b$  .
- (3) القول العددين  $a$  و  $b$  أوليان فيما بينهما، يعني أن  $GCD(a, b) = 1$  .

## ضرب الأعداد العادية وقسمتها

(1) في عملية الضرب : نضرب البسط بالبسط والمقام بالمقام مع الانتباه إلى ضرب الإشارات ولا ننسى الاختصار إن أمكن .

ملاحظة : في عملية الضرب يتم الاختصار بين البسط ومقام أي نسبة ، أما في عملية الجمع يتم الاختصار حصراً بين بسط ومقام ذات الكسر إن أمكن .

(2) في عملية القسمة : نحول من تقسيم إلى ضرب بالمقلوب .

## الجذر التربيعي لعدد موجب

\* مربع أي عدد عادي هو عدد موجب  
الجذر التربيعي لعدد موجب  $a$  ، ويرمز إليه بالرمز  $\sqrt{a}$  ، هو العدد الموجب الذي مربعه  $a$  .  
وفي حالة :  $a > 0$  يكون للعدد  $a$  جذران تربيعيان أحدهما موجب ويرمز إليه  $\sqrt{a}$  والآخر سالب ويرمز إليه  $-\sqrt{a}$  .

أما في حالة  $a < 0$  فليس للعدد السالب جذر .  
أما في حالة  $a = 0$  فإن :  $\sqrt{0} = 0$

**مثلاً :**

$$\sqrt{4} = 2 \quad (1)$$

$$x^2 = 4 \quad (2)$$

بجذر الطرفين نجد :  $x = \pm 2$

**ملاحظات :**

(1) في حالة  $a$  عدد عادي فإن :

$$\sqrt{0.49} = 0.7 \quad \text{لأن } 0.7^2 = 0.49$$

(2) في حالة  $a$  عدد غير عادي فإن :

$$\sqrt{2} \approx 1.41 , \sqrt{3} \approx 1.7 , \sqrt{13} \approx 3.6$$

## كسور مختزلة

القول الكسر  $\frac{a}{b}$  كسر مختزل يعني : العددين  $a, b$  أوليان فيما بينهما .  
حيث  $a, b$  عددين صحيحين موجبين تماماً .

**تعلم :**

إذا اختصرنا الكسر ، بتقسيم بسطه ومقامه على القاسم المشترك الأكبر لهما ، حصلنا على كسر مختزل ، هذه الطريقة تساعدنا في الحصول على الكسر المختزل بخطوة واحدة .

**تذكر :**

يقبل العدد القسمة على 5 إذا كان آحاده 0 أو 5 .

## انتبه

## جمع الأعداد العادية وطرحها

**تذكر :**

في عمليتي الجمع والطرح يجب توحيد المقامات .

**ملاحظة :**

توحيد المقامات يعني إيجاد الم.م.أ للمقامات .

**تذكر :**

(1) جمع عددين من نفس الإشارة : تبقى الإشارة نفسها ونجمع .

(2) جمع عددين يختلفان بالإشارة : نأخذ إشارة الأكبر بينهما ونطرح .

(3) نحول عملية الطرح إلى جمع النظير .

(4) عندما لا يوجد بين العددين سوا عملية الجمع + أو الطرح - وبلا أقواس فالمقصود بالعملية عملية الجمع .

## اكتساب معارف

كيف نكتب العدد  $a\sqrt{b}$  بصيغة  $\sqrt{c}$

نبدل العدد الصحيح بجذر عدد مربعه يساوي  $a$  أما  $\sqrt{b}$  فلا نلمسه مع الانتباه إلى أن بينهما عملية ضرب ونستعين بالخاصة  $\sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{a \times b}$ .

كيف نكتب العدد  $\sqrt{c}$  بصيغة  $a\sqrt{b}$

$$\sqrt{c} = \sqrt{a \times b} = \sqrt{a} \times \sqrt{b}$$

مثلاً :

$$\sqrt{32} = \sqrt{16 \times 2} = \sqrt{16} \times \sqrt{2} = 4\sqrt{2}$$

أي : (( نبحث عن عددين ضربهما 32 بشرط أن

أحدهما له جذر تربيعي ونضعهما مكان العدد 32 ونستعين بالخاصة 3 في إيجاد الناتج )) .

## إزالة الجذر من مقام الكسر

المقام يحوي حداً واحداً

نضرب البسط والمقام بالجذر الموجود في المقام

مثلاً : أزل الجذر من مقام الكسر  $\frac{2}{\sqrt{3}}$

الحل :

$$\frac{2}{\sqrt{3}} = \frac{2 \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{3}}{3}$$

تبسيط الجذور :

مثال :

اختزل المقدار :

$$s = \sqrt{50} - \sqrt{32}$$

الحل :

$$s = \sqrt{25 \times 2} - \sqrt{16 \times 2}$$

$$s = 5\sqrt{2} - 4\sqrt{2}$$

$$s = \sqrt{2}$$

العدد	مربعه	العدد	مربعه	العدد	مربعه
0	0	9	81	18	324
1	1	10	100	19	361
2	4	11	121	20	400
3	9	12	144	21	441
4	16	13	169	22	484
5	25	14	196	23	529
6	36	15	225	24	576
7	49	16	256	25	625
8	64	17	289		

## خواص الجذور التربيعية :

أياً كان العدد الموجب  $a$  فإن :

$$(\sqrt{a})^2 = a \quad (1)$$

$$\sqrt{a} \times \sqrt{a} = a : \text{ أي } (2)$$

$$\sqrt{a^2} = a \quad (3)$$

$$\sqrt{a \times b} = \sqrt{a} \times \sqrt{b} \quad (4)$$

$$\sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} \quad (5)$$

الخاصة 3 غير صحيحة بالنسبة لعمليتي الجمع والطرح .

أيضاً :

$\sqrt{8} = 2\sqrt{2}$	$\sqrt{12} = 2\sqrt{3}$
$\sqrt{18} = 3\sqrt{2}$	$\sqrt{20} = 2\sqrt{5}$
$\sqrt{27} = 3\sqrt{3}$	$\sqrt{28} = 2\sqrt{7}$
$\sqrt{32} = 4\sqrt{2}$	$\sqrt{45} = 3\sqrt{5}$
$\sqrt{48} = 4\sqrt{3}$	$\sqrt{63} = 3\sqrt{7}$
$\sqrt{75} = 5\sqrt{3}$	$\sqrt{80} = 4\sqrt{5}$
$\sqrt{99} = 3\sqrt{11}$	$\sqrt{108} = 6\sqrt{3}$
$\sqrt{112} = 4\sqrt{7}$	$\sqrt{162} = 9\sqrt{2}$
$\sqrt{125} = 5\sqrt{5}$	$\sqrt{180} = 6\sqrt{5}$

تذكر :

$$(a + b)(c + d) \quad (1)$$

$$= a \times (c + d) + b \times (c + d)$$

$$= a(c + d) + b(c + d) \quad \text{أو :}$$

$$= ac + ad + bc + bd$$

$$(a - b)(c + d) \quad (2)$$

$$= a \times (c + d) - b \times (c + d)$$

$$= a(c + d) - b(c + d) \quad \text{أو :}$$

$$= ac + ad - bc - bd$$

$$(a - b)(c - d) \quad (3)$$

$$= a \times (c - d) - b \times (c - d)$$

$$= a(c - d) - b(c - d) \quad \text{أو :}$$

$$= ac - ad - bc + bd$$

أيضاً : يمكن التعبير عن عملية النشر بالشكل التالي :



تذكر :

ارتفاع المثلث المتساوي الأضلاع :

$$h = \frac{a\sqrt{3}}{2}$$

حيث  $a$  طول ضلع المثلث

مساحة المثلث المتساوي الأضلاع ؟

$$S = \frac{a^2\sqrt{3}}{4}$$

**العدد الأولي :** هو كل عدد طبيعي أكبر من الواحد له

قاسمان طبيعيين مختلفان فقط أحدهما 1 والآخر العدد ذاته .

وسنتعامل في الصف التاسع مع الأعداد الأولية التالية :

2,3,5,7,11,13,17,19,23,29,31,37,41,43,47,..

**ملاحظة :**

العدد  $\pi$  عدد غير عادي

$$\pi \approx 3.14$$

**تعلم :**

يستفاد في حل تمارين الوحدة

كيف تتم مراعاة الأولويات في العمليات الحسابية

(1) ن فك القوة أولاً (( الأساس والأس )) .

(2) نقوم بالعمليات داخل الأقواس أولاً من اليسار إلى

اليمين .

(3) نجري العمليات الضرب والقسمة من اليسار إلى اليمين .

(4) نجري العمليات الجمع والطرح من اليسار إلى اليمين .

الطريقة التحليلية في إيجاد القاسم المشترك الأكبر :

(1) نحلل الأعداد إلى عواملها الأولية .

(2) نكتب هذه الأعداد على شكل جداء قوى .

(3)  $GCD$  نأخذ العوامل المشتركة فقط وبأصغر أس .

## تمريبات ومساائل الوحدة الأولى ص 30

### السؤال الأول :

التمرين	الجواب	التمرين	الجواب	التمرين	الجواب
1	2	5	2	9	2
2	1	6	2	10	2
3	2	7	2		
4	3	8	1		

### السؤال الثاني :

التمرين	الجواب	التمرين	الجواب
1	3 + 1	4	3 + 2 + 1
2	2 + 1	5	3 + 1
3	3 + 2		

### السؤال الثالث :

التمرين	الرأي	التمرين	الرأي	التمرين	الرأي
1	م . غ	5	م غ	9	م . غ
2	م	6	م	10	م . غ
3	م غ	7	م		
4	م	8	م غ		

### السؤال الرابع :

التمرين	الجواب	نوع الجواب
1	-3	صحيح
2	$\frac{20}{3}$	غير صحيح
3	2	صحيح
4	$-\frac{1}{14}$	غير صحيح

### السؤال الخامس :

رقم 4 : التعليل

$$D = \frac{1}{3} - \frac{1}{6} = \frac{1}{6}$$

الجواب لا يكتب بالشكل العشري  $a \times 10^n$

### السؤال السادس :

- العدد 15 قاسماً للعدد 75 .
- العدد 22 ليس قاسماً للعدد 24 .
- العدد 7 قاسماً للعدد 35 .

### السؤال السابع :

التمرين	جواب سلمى	الجواب الصحيح	الرأي
1	$\sqrt{45}$	$3\sqrt{5}$	موافق
2	9	$\frac{3}{2}\sqrt{2}$	غير موافق
3	$\sqrt{234}$	$\sqrt{56}$	غير موافق

### السؤال الثامن :

$$x = -6$$

### السؤال التاسع :

تذكر :

محيط أي شكل هندسي هو مجموع أطوال أضلاعه .

$$P = 2 (AB + BC)$$

$$P = 2 (\sqrt{5} + \sqrt{20} + \sqrt{80} - \sqrt{45})$$

$$P = 2(\sqrt{5} + 2\sqrt{5} + 4\sqrt{5} - 3\sqrt{5})$$

$$P = 2(4\sqrt{5})$$

$$P = 8\sqrt{5} \text{ cm}$$

### السؤال العاشر :

التمرين	الجواب
a	$\frac{90}{126} = \frac{10}{14} = \frac{5}{7}$
b	$\frac{495}{270} = \frac{99}{54} = \frac{11}{6}$
c	$\frac{168}{264} = \frac{84}{132} = \frac{7}{11}$

## التمرين الثاني : خوارزمية الطرح المتتالي :

الخطوة	الكبير	الصغير	الفرق
1	2463	1036	1427
2	1427	1036	391
3	1036	391	645
4	645	391	254
5	391	254	137
6	254	137	117
7	137	117	20
8	117	20	97
9	97	20	77
10	77	20	57
11	57	20	37
12	37	20	17
13	20	17	3
14	17	3	14
15	14	3	11
16	11	3	8
17	8	3	5
18	5	3	2
19	3	2	1
20	2	1	1
21	1	1	0

نستنتج أن القاسم المشترك الأكبر للعددين هو 1 ،  
فالعددان أوليان فيما بينهما

### خوارزمية إقليدس :

الخطوة	المقسوم	المقسوم عليه	باقي القسمة
1	2463	1036	391
2	1036	391	254
3	391	254	137
4	254	137	117
5	137	117	20
6	117	20	17
7	20	17	3
8	17	3	2
9	3	2	1
10	2	1	0

نستنتج أن القاسم المشترك الأكبر للعددين هو 1 ،  
فالعددان أوليان فيما بينهما .

## السؤال الحادي عشر :

### التمرين الأول :

### خوارزمية الطرح المتتالي :

الخطوة	الكبير $a$	الصغير $b$	الفرق $a - b$
1	357	204	153
2	204	153	51
3	153	51	102
4	102	51	51
5	51	51	0

نستنتج أن القاسم المشترك الأكبر للعددين هو 51 ،  
فالعددان غير أوليان فيما بينهما

### خوارزمية إقليدس :

الخطوة	المقسوم	المقسوم عليه	المقسوم عليه
1	357	204	153
2	204	153	51
3	153	51	0

نستنتج أن القاسم المشترك الأكبر للعددين هو 51 ،  
فالعددان غير أوليان فيما بينهما



السؤال الثاني عشر :

$$A = 9\sqrt{7} - 2\sqrt{28} - 5\sqrt{63}$$

$$A = 9\sqrt{7} - 2\sqrt{4 \times 7} - 5\sqrt{9 \times 7}$$

$$A = 9\sqrt{7} - 4\sqrt{7} - 15\sqrt{7}$$

$$A = -10\sqrt{7}$$

$$B = \sqrt{24} + \sqrt{54} - \sqrt{150}$$

$$B = \sqrt{4 \times 6} + \sqrt{9 \times 6} - \sqrt{25 \times 6}$$

$$B = 2\sqrt{6} + 3\sqrt{6} - 5\sqrt{6}$$

$$B = 0$$

السؤال الثالث عشر :

$$1) \sqrt{\frac{4}{3}} = \frac{\sqrt{4}}{\sqrt{3}} = \frac{2}{\sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{3}}{3}$$

$$2) \frac{\sqrt{9}}{\sqrt{12}} = \frac{3}{2\sqrt{3}} = \frac{3\sqrt{3}}{2 \times 3} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$3) \sqrt{\frac{3}{4}} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$4) \frac{\sqrt{12}}{\sqrt{9}} = \frac{2\sqrt{3}}{3}$$

السؤال الرابع عشر :

محيط المربع = 4 × طول الضلع

$$P = 4(\sqrt{20} + 1)$$

$$P = 4\sqrt{20} + 4$$

$$P = 8\sqrt{5} + 4$$

محيط المستطيل = 2 × (الطول + العرض)

$$P = 2(\sqrt{45} - 1 + \sqrt{5} + 3)$$

$$P = 2(\sqrt{45} + \sqrt{5} + 2)$$

$$P = 2(3\sqrt{5} + \sqrt{5} + 2)$$

$$P = 2(4\sqrt{5} + 2)$$

$$P = 8\sqrt{5} + 4$$

نلاحظ أن محيط المربع يساوي محيط المستطيل

السؤال الخامس عشر :

$$1 - \left(\frac{1}{4} + \frac{3}{4} \times \frac{4}{5}\right) \quad (1)$$

$$= 1 - \left(\frac{1}{4} + \frac{3}{5}\right)$$

$$= 1 - \left(\frac{5}{20} + \frac{12}{20}\right)$$

$$= 1 - \left(\frac{17}{20}\right)$$

$$= 1 - \frac{17}{20}$$

$$= \frac{20}{20} - \frac{17}{20}$$

$$= \frac{3}{20}$$

2) نفرض أن مساحة قطعة الأرض التي يمتلكها الرجل  $x$  في عام 2012 باع ربعها أي  $\frac{x}{4}$  أو  $\frac{1}{4}x$  فبقي عنده  $\frac{3x}{4}$  وفي عام 2013 باع أربع أخماس الباقي أي

$$\frac{4}{5} \times \frac{3x}{4} = \frac{3x}{5}$$

$$x - \left(\frac{x}{4} + \frac{3x}{5}\right) \quad \text{فبقي عنده :}$$

$$= x - \left(\frac{5x}{20} + \frac{12x}{20}\right)$$

$$= x - \left(\frac{17x}{20}\right)$$

$$= \frac{20x}{20} - \frac{17x}{20}$$

$$= \frac{3x}{20} \quad \text{بقي لديه}$$

$$\frac{3x}{20} = 6$$

$$3x = 120$$

$$x = \frac{120}{3}$$

$$x = 40$$

هكتار كان يملك الرجل

$$\frac{1530}{1360} = \frac{9}{8}$$

(2)

$$A = \frac{9}{8} - \frac{3}{8}$$

$$A = \frac{6}{8}$$

$$A = \frac{3}{4}$$

A عدد عادي وهو عدد عشري لأنه يكتب بالشكل :

$$A = 0.75$$

$$A = 75 \times 10^{-2}$$

السؤال الثامن عشر :

(1) لإثبات أن الشكل مربع يكفي إثبات أن  $AB = BC$

$$AB = \sqrt{27} + \sqrt{3}$$

$$AB = 3\sqrt{3} + \sqrt{3}$$

$$AB = 4\sqrt{3} \text{ cm}$$

$$BC = \sqrt{48}$$

$$BC = \sqrt{16 \times 3}$$

$$BC = 4\sqrt{3} \text{ cm}$$

نلاحظ أن  $AB = BC = 4\sqrt{3} \text{ cm}$

فالشكل  $ABCD$  مربع ( لأنه مستطيل تساوى بعديه )

$$P = 4 \times 4\sqrt{3} \quad \text{المحيط :} \quad (2)$$

$$P = 16\sqrt{3} \text{ cm}$$

$$S = (4\sqrt{3})^2 \quad \text{المساحة :}$$

$$S = 16 \times 3$$

$$S = 48 \text{ cm}^2$$

السؤال السادس عشر :

$$\frac{22}{7} \cong 3.142857 \quad (1)$$

$$\frac{355}{113} \cong 3.141593$$

(2) لإثبات أن الكسور السابقة بأبسط صورة يجب إثبات أن حدي الكسر أوليان فيما بينهما .

الخطوة	المقسوم	المقسوم عليه	باقي القسمة
1	22	7	1
2	7	1	0

فالعددان 22, 7 أوليان فيما بينهما ، وبالتالي الكسر الأول مكتوب بأبسط صورة .

الخطوة	المقسوم	المقسوم عليه	باقي القسمة
1	355	113	16
2	113	16	1
3	16	1	0

فالعددان 355, 113 أوليان فيما بينهما ، وبالتالي الكسر الثاني مكتوب بأبسط صورة .

السؤال السابع عشر :

$$A = \frac{1530}{1360} - \frac{3}{8}$$

(1)

الخطوة	المقسوم	المقسوم عليه	باقي القسمة
1	1530	1360	170
2	1360	170	0

نستنتج أن :  $GCD(1530, 1360) = 170$

### السؤال العشرون :

العدد	أعداد صحيحة	أعداد عادية	أعداد عشرية	أعداد غير عادية
$\frac{\pi}{4}$				*
$10^{-2}$			*	
$\frac{27}{100}$			*	
$\frac{5}{11}$		*		
7	*			
$\frac{-5}{2}$			*	
$10^5$	*			
$\frac{-1}{4}$			*	
0.3			*	
$25\pi$				*
$\frac{-48}{6}$	*			
$\frac{4}{3}$		*		

### انتبه (1) :

في الكسر  $\frac{a}{b}$  ، وعند تقسيم البسط على المقام  
نميز الحالات التالية :

- (1) صورة عشرية منتهية فهو عدد عشري وعدد عادي .
- (2) صورة عشرية غير منتهية ودورية فهو عدد عادي فقط وليس عشري .
- (3) صورة عشرية غير منتهية وغير دورية فهو عدد غير عادي .

### انتبه (2) :

- (1) جميع الأعداد الصحيحة هي أعداد عادية .
- (2) جميع الأعداد العشرية هي أعداد عادية .

### السؤال التاسع عشر :

- (1) الصفر ليس عدد أولي ، لأن له عدد غير منتهي من القواسم .
- (2) هي : 2,3,5,7
- (3)

$$a = 2 \times 3 \times 5$$

$$b = 2^2 \times 5 \times 7$$

- (1) نعم العدد 2 قاسماً للعدد  $b$
- (2) نعم العدد 6 قاسماً للعدد  $a$  لأنها ناتج ضرب قاسمين له ، حيث :  $6 = 2 \times 3$
- (3) كلا العدد 7 ليس قاسماً للعدد  $a$  .
- (4)  $GCD(a, b) = 2 \times 5 = 10$